# MATEMÁTICA E SUAS TECNOLOGIAS



### CARO ALUNO,

Nesse último fascículo de Matemática e suas Tecnologias, vamos interpretar gráficos e tabelas para fazer inferências e compreender o caráter aleatório dos fenômenos naturais e sociais.

Chegamos ao final do Projeto Enem 2024, com o fascículo número 16, certos da enorme contribuição que proporcionamos ao seu aprendizado, o que será traduzido na sua aprovação no curso desejado.

Sucesso e até breve!

Bom estudo para você!





## Para Fixar

Com petência 7 – Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

**Habilidade 27** – Calcular medidas de tendência central ou de dispersão de um conjunto de dados expressos em uma tabela de frequências de dados agrupados (não em classes) ou em gráficos.

## Compreendendo a Habilidade

A habilidade 27 tem como foco principal saber calcular medidas estatísticas, como médias aritméticas, modas e medianas, e medidas de dispersão, como desvio-padrão e variância, a partir de um conjunto de valores apresentados.

#### Objeto de Conhecimento:

Media ponderada.

#### 01. (Enem) A Comissão Interna de

Prevenção de Acidentes (CIPA) de uma empresa, observando os altos custos com os frequentes acidentes de trabalho ocorridos,

fez, a pedido da diretoria, uma pesquisa do número de acidentes sofridos por funcionários. Essa pesquisa, realizada com uma amostra de 100 funcionários, norteará as ações da empresa na política de segurança no trabalho.

Os resultados obtidos estão no quadro.

Número de acidentes sofridos	Número de trabalhadores
0	50
1	17
2	15
3	10
4	6
5	2

A média do número de acidentes por funcionário na amostra que a CIPA apresentará à diretoria da empresa é A) 0,15.

- B) 0,30.
- C) 0,50.
- D) 1,11.
- E) 2,22.

Com petência 7 – Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

**Habilidade 28** – Resolver situação-problema que envolva conhecimentos de estatística e probabilidade.



## Compreendendo a Habilidade

A habilidade 28 tem como foco principal saber utilizar conceitos estatísticos e cálculos probabilísticos na resolução de problemas do cotidiano.

#### Objeto de Conhecimento:

Distribuição binomial de Probabilidades.

02. (Enem) Um morador de uma região metropolitana tem 50% de probabilidade de atrasar-se para o trabalho quando chove na região; caso não chova, sua probabilidade de atraso é de 25%. Para um determinado dia, o serviço de meteorologia estima em 30% a probabilidade da ocorrência de chuva nessa região.

Qual é a probabilidade de esse morador se atrasar para o serviço no dia para o qual foi dada a estimativa de chuva?

A) 0,075 C) 0,325 B) 0,150 D) 0,600

E) 0,800

Com petência 7 – Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

Habilidade 29 – Utilizar conhecimentos de estatística e probabilidade como recurso para a construção de argumentação.



## Compreendendo a Habilidade

A habilidade 29 tem como foco principal saber interpretar os valores obtidos em cálculos probabilísticos e estatísticos para a elaboração de argumentos que sirvam para justificar uma ação, opinião ou julgamento.

#### Objeto de Conhecimento:

Estatística.

03. Uma loja que vende sapatos recebeu diversas reclamações de seus clientes relacionadas à venda de sapatos de cor branca ou preta. Os donos da loja anotaram

as numerações dos sapatos com defeito e fizeram um estudo estatístico com o intuito de reclamar com o fabricante.

A tabela contém a média, a mediana e a moda desses dados anotados pelos donos.

Estatísticas sobre as numerações dos sapatos com defeito			
	Média	Mediana	Moda
Numerações dos sapatos com defeito	36	37	38

Para quantificar os sapatos pela cor, os donos representaram a cor branca pelo número 0 e a cor preta pelo número 1. Sabe-se que a média da distribuição desses zeros e uns é igual a 0,45.

Os donos da loja decidiram que a numeração dos sapatos com maior número de reclamações e a cor com maior número de reclamações não serão mais vendidas.

A loja encaminhou um ofício ao fornecedor dos sapatos, explicando que não serão mais encomendados os sapatos de cor

- A) branca e os de número 38.
- B) branca e os de número 37.
- C) branca e os de número 36.
- D) preta e os de número 38.
- E) preta e os de número 37.

Com petência 7 – Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

**Habilidade 30** – Avaliar propostas de intervenção na realidade utilizando conhecimentos de estatística e probabilidade .



#### Compreendendo a Habilidade

A habilidade 30 tem como foco utilizar o conhecimento adquirido em estatística e probabilidade para resolver situações propostas que possam agir na realidade analisada.

#### Objeto de Conhecimento:

Médias.

**04.** Ao final de uma competição de ciências em uma escola, restaram apenas três candidatos. De acordo

com as regras, o vencedor será o candidato que obtiver a maior média

ponderada entre as notas das provas finais nas disciplinas química e física, considerando, respectivamente, os pesos 4 e 6 para elas. As notas são sempre números inteiros. Por questões médicas, o candidato II ainda não fez a prova final de química. No dia em que sua avaliação for aplicada, as notas dos outros dois candidatos, em ambas as disciplinas, já terão sido divulgadas.

O quadro apresenta as notas obtidas pelos finalistas nas provas finais.

Candidato	Química	Física
I	20	23
II	X	25
III	21	18

A menor nota que o candidato II deverá obter na prova final de química para vencer a competição é

- A) 18.
- B) 19.
- C) 22.
- D) 25.
- E) 26.

Com petência 6 – Interpretar informações de natureza científica e social obtidas da leitura de gráficos e tabelas, realizando previsão de tendência, extrapolação, interpolação e interpretação.

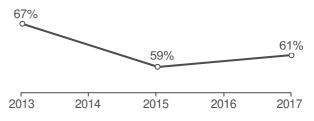
**Habilidade 24** – Utilizar informações expressas em gráficos ou tabelas para fazer inferências..

#### Objeto de Conhecimento:

Tabelas e Gráficos.

05. (Enem/2018) A raiva é uma doença viral e infecciosa, transmitida por mamíferos. A campanha nacional de vacinação antirrábica tem o objetivo de controlar a circulação do

vírus da raiva canina e felina, prevenindo a raiva humana. O gráfico mostra a cobertura (porcentagem de vacinados) da campanha, em cães, nos anos de 2013, 2015 e 2017, no município de Belo Horizonte, em Minas Gerais. Os valores das coberturas dos anos de 2014 e 2016 não estão informados no gráfico e deseja-se estimá-los. Para tal, levou-se em consideração que a variação na cobertura de vacinação da campanha antirrábica, nos períodos de 2013 a 2015 e de 2015 a 2017, deu-se de forma linear.



Disponível em: <a href="http://pni.datasus.gov.br">http://pni.datasus.gov.br</a>>. Acesso em: 5 nov. 2017.

Qual teria sido a cobertura dessa campanha no ano de 2014?

- A) 62,3%
- B) 63,0%
- C) 63,5%
- D) 64,0%
- E) 65,5%

Com petência 6 – Interpretar informações de natureza científica e social obtidas da leitura de gráficos e tabelas, realizando previsão de tendência, extrapolação, interpolação e interpretação.

**Habilidade 26** – Analisar informações expressas em gráficos ou tabelas como recurso para a construção de argumentos.

#### Objeto de Conhecimento:

Tabelas e Gráficos.

06. (Enem/2018) O salto ornamental é um

esporte em que cada competidor realiza seis saltos. A nota em cada salto é calculada pela soma das notas dos juízes, multiplicada

pela nota de partida (o grau de dificuldade de cada salto). Fica em primeiro lugar o atleta que obtiver a maior soma das seis notas recebidas.

O atleta 10 irá realizar o último salto da final. Ele observa no Quadro 1, antes de executar o salto, o recorte do quadro parcial de notas com a sua classificação e a dos três primeiros lugares até aquele momento.

#### **QUADRO 1**

Classificação	Atleta	6° Salto	Total
1°	3	135,0	829,0
2°	4	140,0	825,2
3°	8	140,4	824,2
6°	10		687,5

Ele precisa decidir com seu treinador qual salto deverá realizar. Os dados dos possíveis tipos de salto estão no Quadro 2.

#### **QUADRO 2**

Tipo de salto	Nota de partida	Estimativa da soma das notas dos juízes	Probabilidade de obter a nota
T1	2,2	57	89,76%
T2	2,4	58	93,74%
Т3	2,6	55	91,88%
T4	2,8	50	95,38%
T5	3,0	53	87,34%

O atleta optará pelo salto com a maior probabilidade de obter a nota estimada, de maneira que lhe permita alcançar o primeiro lugar.

Considerando essas condições, o salto que o atleta deverá escolher é o de tipo

- A) T1.
- B) T2.
- C) T3.
- D) T4.
- E) T5.



## **Exercícios Propostos**

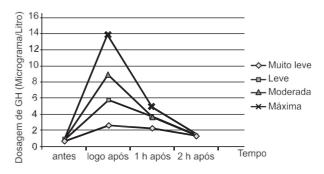
Com petência 6 – Interpretar informações de natureza científica e social obtidas da leitura de gráficos e tabelas, realizando previsão de tendência, extrapolação, interpolação e interpretação.

**Habilidade 24** – Utilizar informações expressas em gráficos ou tabelas para fazer inferências.

#### Objeto de Conhecimento:

Gráficos.

01. (Enem) GH é a sigla que denomina o hormônio do crescimento (do inglês growth hormone), indispensável para retardar o processo de envelhecimento. À medida que envelhecemos, a liberação desse hormônio na corrente sanguínea vai diminuindo. Estudos têm demonstrado, porém, que alguns métodos de treinamento aumentam a produção de GH. Em uma pesquisa, dez homens foram submetidos a sessões de 30 minutos de corrida, em uma esteira, em diferentes intensidades: muito leve, leve, moderada e máxima. As dosagens de GH, medidas por coletas de sangue feitas antes e logo após as sessões, e também 1 hora e 2 horas após o término, são fornecidas no gráfico.



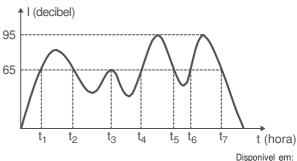
Em qual(is) medição(ões) a liberação de GH na corrente sanguínea em uma sessão de intensidade máxima foi maior que a liberação de GH ocorrida nas demais intensidades?

- A) Apenas na medição feita logo após a sessão de treinamento.
- B) Apenas na medição deita 1 hora após a sessão de treinamento.
- C) Apenas na medição feita após 2 horas após a sessão de treinamento.
- D) Nas medições feitas logo após e 1 hora após a sessão de treinamento.
- E) Nas medições feitas logo após, 1 hora após e 2 horas após a sessão de treinamento.

#### Objeto de Conhecimento:

Gráficos.

02. (Enem) De acordo com a Organização Mundial da Saúde (OMS), o limite de ruído suportável para o ouvido humano é de 65 decibéis. Ruídos com intensidade superior a este valor começam a incomodar e causar danos ao ouvido. Em razão disto, toda vez que os ruídos oriundos do processo de fabricação de peças em uma fábrica ultrapassam este valor, é disparado um alarme sonoro. Indicando que os funcionários devem colocar proteção nos ouvidos. O gráfico fornece a intensidade sonora registrada no último turno de trabalho dessa fábrica. Nele, a variável t indica o tempo (medido em hora), e i indica a intensidade sonora (medida em decibel).



- www.crmariocovas.sp.gov.br>. Adaptado.

De acordo com o gráfico, quantas vezes foi necessário colocar a proteção de ouvidos no último turno de trabalho?

- A) 7
- B) 6
- C) 4
- D) 3
- E) 2

Razões e Proporcões.

03. A taxa de fecundidade é um indicador que expressa a condição reprodutiva média das mulheres de uma região, e é importante para uma análise da dinâmica demográfica desta região. A tabela apresenta os dados obtidos pelos Censos de 2000 e 2010, feitos pelo IBGE, com relação à taxa de fecundidade no Brasil.

Ano	Taxa de fecundidade no Brasil
2000	2,38
2010	1,90

Disponível em: <www.saladeimprensa.ibge.gov.br.> Acesso em: 31 jul. 2013.

Suponha que a variação percentual relativa na taxa de fecundidade no período de 2000 a 2010 se repita no período de 2010 a 2020.

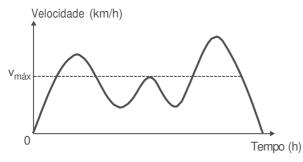
Nesse caso, em 2020 a taxa de fecundidade no Brasil estará mais próxima de

- A) 1,14
- B) 1,42
- C) 1,52
- D) 1,70
- E) 1,80

#### Objeto de Conhecimento:

Gráficos.

04. (Enem) Para garantir segurança ao dirigir, alguns motoristas instalam dispositivos em seus carros que alertam quando uma certa velocidade máxima (ν<sub>máx</sub>), pré-programada pelo usuário de acordo com a velocidade máxima da via de tráfego, é ultrapassada. O gráfico exibido pelo dispositivo no painel do carro após o final de uma viagem fornece a velocidade (km/h) do carro em função do tempo (h).



De acordo com o gráfico, quantas vezes o dispositivo alertou o motorista no percurso da viagem?

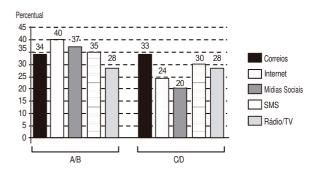
- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4
- E) 5

#### Objeto de Conhecimento:

Tabelas e Gráficos.

05. Uma pesquisa de mercado foi realizada entre os consumidores das classes sociais A, B, C e D que costumam participar de promoções tipo sorteio ou concurso. Os dados comparativos, expressos no gráfico, revelam a participação desses consumidores em cinco categorias: via Correios (juntando embalagens ou recortando códigos de barra), via internet (cadastrando-se no site da empresa/marca promotora), via mídias sociais (redes sociais), via SMS (mensagem por celular) ou via rádio/TV.

## PARTICIPAÇÃO EM PROMOÇÕES DO TIPO SORTEIO OU CONCURSO EM UMA REGIÃO



Uma empresa vai lançar uma promoção utilizando apenas uma categoria nas classes A e B (A/B) e uma categoria nas classes C e D (C/D).

De acordo com o resultado da pesquisa, para atingir o maior número de consumidores das classes A/B e C/D, a empresa deve realizar a promoção, respectivamente, via

- A) Correios e SMS.
- B) internet e Correios.
- C) internet e internet.
- D) internet e mídias sociais.
- E) rádio/TV e rádio/TV.

#### Objeto de Conhecimento:

Análise de dados.

O índice de eficiência utilizado por um produtor de leite para qualificar suas vacas é dado pelo produto do tempo de lactação (em dias) pela produção média diária de leite (em kg), dividido pelo intervalo entre partos (em meses). Para esse produtor, a vaca é qualificada como eficiente quando esse índice é, no mínimo, 281 quilogramas por mês, mantendo sempre as mesmas condições de manejo (alimentação, vacinação e outros). Na comparação de duas ou mais vacas, a mais eficiente é a que tem maior índice.

A tabela apresenta os dados coletados de cinco vacas:

#### DADOS RELATIVOS À PRODUÇÃO DAS VACAS

Vaca	Tempo de lactação (em dias)	Produção média diária de leite (em kg)	Intervalo entre partos (em meses)
Malhada	360	12,0	
Mamona	310	11,0	
Maravilha	260	14,0	
Mateira	310	13,0	
Mimosa	270	12,0	

Após a análise dos dados, o produtor avaliou que a vaca mais eficiente é a:

- A) Malhada.
- B) Mamona.
- C) Maravilha.
- D) Mateira.
- E) Mimosa.

#### Objeto de Conhecimento:

Análise de dados.

07. A figura apresenta informações biométricas de um homem (Duílio) e de uma mulher (Sandra) que estão buscando alcançar seu peso ideal a partir das atividades físicas (corrida). Para se verificar a escala de obesidade, foi desenvolvida a fórmula que permite verificar o Índice de Massa Corporal (IMC). Esta fórmula é apresentada como IMC = m/h², onde m é a massa em quilogramas e h é altura em metros.

#### O PERFIL DOS NOVOS CORREDORES

DUILIO SABA	
_ldade	50 anos
Altura	1,88 metro
Peso	96,4 quilos
Peso ideal	94,5 quilos

SANDRA TESCARI	
_ldade	42 anos
Altura	1,70 metro
Peso	84 quilos
Peso ideal	77 quilos

Veja. Ed. 2055. Adaptado.

No quadro é apresentada a Escala de Índice de Massa Corporal com as respectivas categorias relacionadas aos pesos.

Escala de Índice de Massa Corporal		
Categorias	IMC (kg/m²)	
Desnutrição	Abaixo de 14,5	
Peso abaixo do normal	14,5 a 20	
Peso normal	20 a 24,9	
Sobrepeso	25 a 29,9	
Obesidade	30 a 39,9	
Obesidade mórbida	Igual ou acima de 40	

Nova Escola. № 172, maio 2004.

A partir dos dados biométricos de Duílio e Sandra e da Escala de IMC, o valor IMC e a categoria em que cada uma das pessoas se posiciona na Escala são:

- A) Duílio tem o IMC 26,7 e Sandra tem o IMC 26,6, estando ambos na categoria de sobrepeso.
- B) Duílio tem o IMC 27,3 e Sandra tem o IMC 29,1, estando ambos na categoria de sobrepeso.
- C) Duílio tem o IMC 27,3 e Sandra tem o IMC 26,6, estando ambos na categoria de sobrepeso.
- D) Duílio tem o IMC 25,6, estando na categoria de sobrepeso, e Sandra tem o IMC 24,7, estando na categoria de peso normal.
- E) Duílio tem o IMC 25,1, estando na categoria de sobrepeso, e Sandra tem o IMC 22,6, estando na categoria de peso normal.

Competência 7 — Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

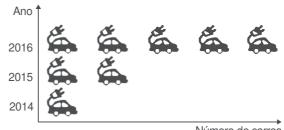
**Habilidade 27** – Calcular medidas de tendência central ou de dispersão de um conjunto de dados expressos em uma tabela de frequências de dados agrupados (não em classes) ou em gráficos.

#### Objeto de Conhecimento:

Media aritmética.

08. (Enem) De acordo com um relatório recente da Agência Internacional de Energia (AIE), o mercado de veículos elétricos atingiu um novo marco em 2016, quando foram vendidos mais de 750 mil automóveis da categoria. Com isso, o total de carros elétricos vendidos no mundo alcançou a marca de 2 milhões de unidades desde que os primeiros modelos começaram a ser comercializados em 2011.

No Brasil, a expansão das vendas também se verifica. A marca A, por exemplo, expandiu suas vendas no ano de 2016, superando em 360 unidades as vendas de 2015, conforme representado no gráfico.



Número de carros

Disponível em: <www.tecmundo.com.br>

A média anual do número de carros vendidos pela marca A, nos anos representados no gráfico, foi de

A) 192.

B) 240.

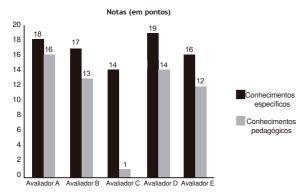
C) 252.

D) 320.

E) 420.

Média Aritmética.

09. As notas de um professor que participou de um processo seletivo, em que a banca avaliadora era composta por cinco membros, são apresentadas no gráfico. Sabe-se que cada membro da banca atribuiu duas notas ao professor, uma relativa aos conhecimentos específicos da área de atuação e outra, aos conhecimentos pedagógicos, e que a média final do professor foi dada pela média aritmética de todas as notas atribuídas pela banca avaliadora.



Utilizando um novo critério, essa banca avaliadora resolveu descartar a maior e a menor notas atribuídas ao professor.

A nova média, em relação à média anterior, é

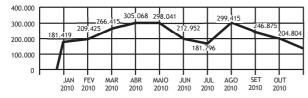
- A) 0,25 ponto maior.
- B) 1,00 ponto maior,
- C) 1,00 ponto menor.
- D) 1,25 ponto maior.
- E) 2,00 pontos menor.

#### Objeto de Conhecimento:

Medidas de tendência central.

 O gráfico apresenta o comportamento de emprego formal surgido, segundo o CAGED, no período de janeiro de 2010 a outubro de 2010.

BRASIL - Comportamento do Emprego Formal no período de janeiro a outubro de 2010 - CAGED



Disponível em: www.mte.gov.br. Acesso em: 28 fev. 2012. Adaptado.

Com base no gráfico, o valor da parte inteira da mediana dos empregos formais surgidos no período é

- A) 212 952.
- B) 229 913.
- C) 240 621.
- D) 255 496.
- E) 298 041

#### Objeto de Conhecimento:

Estatística - Mediana.

11. Em uma seletiva para a final dos 100 metros livres de natação, numa olimpíada, os atletas, em suas respectivas raias, obtiveram os seguintes tempos:

Raia	Tempo (segundo)
1	20,90
2	20,90
3	20,50
4	20,80
5	20,60
6	20,60
7	20,90
8	20,96

A medida dos tempos apresentados no quadro é

- A) 20,70.
- B) 20,77.
- C) 20,80.
- D) 20,85.
- E) 20,90.

Com petência 7 – Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

**Habilidade 28** – Resolver situação-problema que envolva conhecimentos de estatística e probabilidade.

#### Objeto de Conhecimento:

Probabilidade.

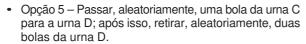
 Para ganhar um prêmio, uma pessoa deverá retirar, sucessivamente e sem reposição, duas bolas pretas de uma mesma urna.

Inicialmente, as quantidades e cores das bolas são como descritas a seguir:

- Urna A Possui três bolas brancas, duas bolas pretas e uma bola verde;
- Urna B Possui seis bolas brancas, três bolas pretas e uma bola verde;
- Urna C Possui duas bolas pretas e duas bolas verdes;
- Urna D Possui três bolas brancas e três bolas pretas.

A pessoa deve escolher uma entre as cinco opções apresentadas:

- Opção 1 Retirar, aleatoriamente, duas bolas da urna A;
- Opção 2 Retirar, aleatoriamente, duas bolas da urna B;
- Opção 3 Passar, aleatoriamente, uma bola da urna C para a urna A; após isso, retirar, aleatoriamente, duas bolas da urna A;
- Opção 4 Passar, aleatoriamente, uma bola da urna D para a urna C; após isso, retirar, aleatoriamente, duas bolas da urna C;



Com o objetivo de obter a maior probabilidade possível de ganhar o prêmio, a pessoa deve escolher a opção

A) 1. C) 3. B) 2. D) 4.

E) 5.

#### Objeto de Conhecimento:

Probabilidade.

13. O psicólogo de uma empresa aplica um teste para analisar a aptidão de um candidato a determinado cargo. O teste consiste em uma série de perguntas cujas respostas devem ser verdadeiro ou falso e termina quando o psicólogo fizer a décima pergunta ou quando o candidato der a segunda resposta errada. Com base em testes anteriores, o psicólogo sabe que a probabilidade de o candidato errar uma resposta é 0,20.

A probabilidade de o teste terminar na quinta pergunta é

A) 0,02048.

D) 0,40960.

B) 0,02046.

E) 0,49152.

C) 0,24000.

#### Objeto de Conhecimento:

Probabilidade.

14. Todo o país passa pela primeira fase de campanha de vacinação contra a gripe suína (H1N1). Segundo um médico infectologista do Instituto Emílio Ribas, de São Paulo, a imunização "deve mudar", no país, a história da epidemia. Com a vacina, de acordo com ele, o Brasil tem a chance de barrar uma tendência do crescimento da doença, que já matou 17 mil no mundo. A tabela apresenta dados específicos de um único posto de vacinação.

### CAMPANHA DE VACINAÇÃO CONTRA A GRIPE SUÍNA

Datas da vacinação	Público-alvo	Quantidade de pessoas vacinadas
8 a 19 de março	Trabalhadores da saúde e indígenas	42
22 de março a 2 de abril	Portadores de doenças crônicas	22
5 a 23 de abril	Adultos saudáveis entre 20 e 29 anos	56
24 de abril a 7 de maio	População com mais de 60 anos	30
10 a 21 de maio	Adultos saudáveis entre 30 e 39 anos	50

Disponível em: http://img.terra.com.br. Acesso em: 26 abr. 2010. Adaptado.

Escolhendo-se aleatoriamente uma pessoa atendida nesse posto de vacinação, a probabilidade de ela ser portadora de doença crônica é

A) 8%. C) 11%. B) 9%. D) 12%.

E) 22%.

Com petência 7 – Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

Habilidade 29 – Utilizar conhecimentos de estatística e probabilidade como recurso para a construção de argumentação.

#### Objeto de Conhecimento:

Estatística.

**15.** Os candidatos K, L, M, N e P estão disputando uma única vaga de emprego em uma empresa e fizeram provas de português, matemática, direito e informática. A tabela apresenta as notas obtidas pelos cinco candidatos.

Candidatos	Português	Matemática	Direito	Informática
K	33	33	33	34
L	32	39	33	34
М	35	35	36	34
N	24	37	40	35
Р	36	16	26	41

Segundo o edital de seleção, o candidato aprovado será aquele para o qual a mediana das notas obtidas por ele nas quatro disciplinas for a maior.

O candidato aprovado será

A) K.

B) L.

C) M.

D) N.

E) P.

#### Objeto de Conhecimento:

Estátistica - Média Aritmética.

16. Um concurso é composto por cinco etapas. Cada etapa vale 100 pontos. A pontuação final de cada candidato é a média de suas notas nas cinco etapas. A classificação obedece à ordem decrescente das pontuações finais. O critério de desempate baseia-se na maior pontuação na quinta etapa.

Candidato	Média nas quatro primeiras etapas	Pontuação na quinta etapa	
Α	90	60	
В	85	85	
С	80	95	
D	60	90	
E	60	100	

A ordem de classificação final desse concurso é

A) A - B - C - E - D.

B) B-A-C-E-D.

C)C-B-E-A-D.

D) C-B-E-D-A.

E) E-C-D-B-A.

Probabilidade.

17. Uma fábrica de parafusos possui duas máquinas, I e II para a produção de certo tipo de parafuso.

Em setembro, a máquina I produziu 

6 parafusos produzidos pela fábrica. Dos parafusos produzidos por essa máquina, 

7 produzidos por essa máquina, 

8 por sua vez, 

1 000 parafusos produzidos no mesmo mês pela máquina II eram defeituosos.

O desempenho conjunto das duas máquinas é classificado conforme o quadro, em que P indica a probabilidade de um parafuso escolhido ao acaso ser defeituoso.

$$0 \le P < \frac{2}{100} \qquad \text{Excelente}$$

$$\frac{2}{100} \le P < \frac{4}{100} \qquad \text{Bom}$$

$$\frac{4}{100} \le P < \frac{6}{100} \qquad \text{Regular}$$

$$\frac{6}{100} \le P < \frac{8}{100} \qquad \text{Ruim}$$

$$\frac{8}{100} \pounds P \pounds 1 \qquad \text{Péssimo}$$

O desempenho conjunto dessas máquinas, em setembro, pode ser classificado como

- A) excelente.
- B) bom.
- C) regular.
- D) ruim.
- E) péssimo.

Com petência 7 – Compreender o caráter aleatório e não determinístico dos fenômenos naturais e sociais e utilizar instrumentos adequados para medidas, determinação de amostras e cálculos de probabilidade para interpretar informações de variáveis apresentadas em uma distribuição estatística.

**Habilidade 30** — Avaliar propostas de intervenção na realidade utilizando conhecimentos de estatística e probabilidade .

#### Objeto de Conhecimento:

Medidas de tendência central.

18. Um empresário pretende fazer a propaganda de seus produtos em um canal de televisão. Para isso, decidiu consultar o quadro com a pontuação de audiência, nos últimos três meses, de cinco emissoras de televisão em determinado horário e calcular a média aritmética para escolher aquela com a maior média de audiência nesse período.

Emissora	Mês I	Mês II	Mês III
- 1	11	19	13
II	12	16	17
III	14	14	18
IV	15	11	15
V	14	14	14

De acordo com o critério do empresário, que emissora deve ser escolhida?

A) I

B) II

C) III

D) IV

E) V

#### Objeto de Conhecimento:

Probabilidade e porcentagem.

19. O HPV é uma doença sexualmente transmissível. Uma vacina com eficácia de 98% foi criada com objetivo de prevenir a infecção por HPV e, dessa forma, reduzir o número de pessoas que venham a desenvolver câncer de colo de útero. Uma campanha de vacinação foi lançada em 2014 pelo SUS, para um público-alvo de meninas de 11 a 13 anos de idade. Considera-se que, em uma população não vacinada, o HPV acomete 50% desse público ao longo de suas vidas. Em certo município, a equipe coordenadora da campanha decidiu vacinar meninas entre 11 e 13 anos de idade em quantidade suficiente para que a probabilidade de uma menina nessa faixa etária, escolhida ao acaso, vir a desenvolver essa doença seja, no máximo, de 5,9%. Houve cinco propostas de cobertura, de modo a atingir essa meta:

Proposta I: vacinação de 90% do público-alvo.

Proposta II: vacinação de 55,8% do público-alvo.

Proposta III: vacinação de 88,2% do público-alvo.

Proposta IV: vacinação de 49% do publico-alvo.

Proposta V: vacinação de 95,9% do público-alvo.

Para diminuir os custos, a proposta escolhida deveria ser também aquela que vacinasse a menor quantidade possível de pessoas.

Disponível em: <www.virushpv.com.br.> Adaptado.

A proposta implementada foi a de número

- A) I.
- B) II.
- C) III.
- D) IV.
- E) V.





Probabilidade.

#### 20. Considere o seguinte jogo de apostas:

Numa cartela com 60 números disponíveis, um apostador escolhe de 6 a 10 números. Dentre os números disponíveis, serão sorteados apenas 6. O apostador será premiado caso os 6 números sorteados estejam entre os números escolhidos por ele numa mesma cartela.

O quadro apresenta o preço de cada cartela, de acordo com a quantidade de números escolhidos.

Quantidade de números escolhidos em uma cartela	Preço da cartela (R\$)		
6	2,00		
7	12,00		
8	40,00		
9	125,00		
10	250,00		

Cinco apostadores, cada um com R\$ 500,00 para apostar, fizeram as seguintes opções:

Arthur: 250 cartelas com 6 números escolhidos;

Bruno: 41 cartelas com 7 números escolhidos e 4 cartelas com 6 números escolhidos:

Caio: 12 cartelas com 8 números escolhidos e 10 cartelas

com 6 números escolhidos; Douglas: 4 cartelas com 9 números escolhidos;

Eduardo: 2 cartelas com 10 números escolhidos.

Os dois apostadores com maiores probabilidades de serem premiados são

- A) Caio e Eduardo.
- B) Arthur e Eduardo.
- C) Bruno e Caio.
- D) Arthur e Bruno.
- E) Douglas e Eduardo.

## **GABARITOS**

PARA FIXAR					
01	02	03	04	05	06
D	С	Α	Α	В	С

EXERCÍCIOS PROPOSTOS				
01	02	03	04	05
D	D	С	В	В
06	07	08	09	10
D	В	D	В	В
11	12	13	14	15
D	Е	В	С	D
16	17	18	19	20
В	В	С	Α	Α

### **ANOTAÇÕES**

#### Expediente

Diretor de Ensino: Ribamar Monteiro Supervisão Pedagógica: Inalda Pontes Coordenação Pedagógica: Roberto Oliveira

