MATEMÁTICA E SUAS TECNOLOGIAS



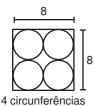


08

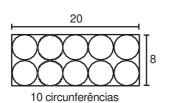
COMENTÁRIOS - PARA FIXAR

01. Vejamos como ficariam cada base de cada caixa ao encaixarmos os potes cilíndricos.

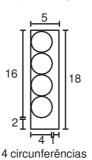
Modelo 1:



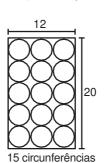
Modelo 2:



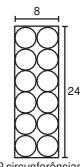
Modelo 3:



Modelo 4:



Modelo 5:



Agora, vejamos as alturas para saber quantos cilindros cabem, sempre considerando o quociente da divisão da altura da caixa pela do cilindro.

- **Modelo 1:** $4 \times 6 = 24_{cil.}$ (Pois $40 \div 6 = 6,66...$)
- Modelo 2: $10 \times 2 = 20_{cil.}$ (Pois $14 \div 6 = 2,33...$)
- **Modelo 3:** $4 \times 5 = 20_{cil.}$ (Pois $35 \div 6 = 5,383...$)
- Modelo 4: $15 \times 2 = 30_{cil.}$ (Pois $12 \div 6 = 2$)
- **Modelo 5:** $12 \times 2 = 24_{cil.}$ (Pois $14 \div 6 = 2,33...$)

Logo, o modelo 4 guarda mais caixas.

Resposta correta: D

02. Uma inclinação de 20% implica que para cada 1 m, medido na horizontal, mede-se 20 cm na vertical. Como a rampa possui 8 m na horizontal, temos:

 $1~m\,{\to}\,20~cm$

 $8 \text{ m} \rightarrow x \text{ cm}$

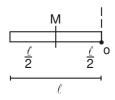
Logo, x = 160 cm (altura da rampa)

Como será o nível da garagem que deverá ser alterado então ela deverá ser elevada em 40 cm.

Resposta correta: A

03. Como M é o ponto médio da viga, temos:

Estágio 1:



Como a projeção ortogonal de 0 se mantém em posição fixa, a movimentação da barra, como descrita no enunciado da questão, torna a distância de M a 0 fixa, pelo teorema da medida relativa à hipotenusa.

Estágio 2:



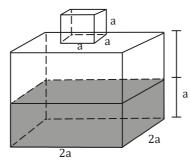
Como a distância não se altera, o gráfico do item A ilustra tal situação.

Estágio 3:



Resposta correta: A

04. De acordo com a ilustração a seguir, tem-se:



Metade da parte de baixo \rightarrow volume = $2a \cdot 2a \cdot a = 4a^3$

Então:

 $(4a^3 \text{ em 8 minutos}) \rightarrow (a^3 \text{ em 2 minutos})$

Volume (restante) =
$$\frac{2a \cdot 2a \cdot a}{\text{parte (baixo)}}$$
 + $\frac{a^3}{\text{parte (cima)}}$ = $5a^3$, o que nos permite concluir que

o restante ficará cheio em 10 minutos.

Resposta correta: B

05. De acordo com o enunciado, a razão entre o total de vezes em que o jogador derruba todos os pinos e o número de jogadas

1. Jogador 1 =
$$\frac{50}{85}$$
 = 0,588 = 58%

II. Jogador
$$2 = \frac{40}{65} = 0.615 = 61.5\%$$

De acordo com o enunciado, a razão e determina seu desempenho.

I. Jogador 1 =
$$\frac{50}{85}$$
 = 0,588 = 58%

II. Jogador 2 = $\frac{40}{65}$ = 0,615 = 61,5%

III. Jogador 3 = $\frac{20}{65}$ = 0,308 = 30,8%

IV. Jogador
$$4 = \frac{30}{40} = 0.75 = 75\%$$

V. Jogador
$$5 = \frac{48}{90} = 0,533 = 53,3\%$$

Resposta correta: D

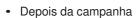
06.

· Antes da campanha

Esgoto tratado: 36%

Esgoto não tratado: 64%

$$x \xrightarrow{100\%} \frac{100\%}{x} \Rightarrow \frac{1}{\cancel{8}} = \frac{8\cancel{64}}{100} \Rightarrow 8x = 100 \Rightarrow x = 12.5$$
 bilhões



12,5 — 100%

$$4 - x = \frac{112,5}{4} = \frac{8100}{x} \Rightarrow x = 32\%$$

Tratado:
$$100\% - 32\% = 68\%$$

Resposta correta: B

07. Sabemos que o espaço percorrido no movimento uniforme é dado por:

$$d = v \cdot t$$

$$\text{onde:} \begin{cases} d \to \text{espaço percorrido} \\ v \to \text{velocidade m\'edia} \\ t \to \text{tempo gasto} \end{cases}$$

Equi pe alfa:

$$d_{alfa} = 6 \cdot 1,5 = 9 \text{ km}$$

Equi pe beta:

$$d_{beta} = 5 \cdot 1,5 = 7,5 \text{ km}$$

Equpe gama:

$$d_{gama} = 6.5 \cdot 1 = 6.5 \text{ km}$$

$$d_{gama} < d_{beta} < d_{alfa}$$

Obs.:
$$\begin{cases} 90 \text{ min} = 1,5 \text{ h} \\ 60 \text{ min} = 1 \text{ h} \end{cases}$$

Resposta correta: A

08. Considerando a escala 1:58 000 000, teremos

$$\frac{1}{58\ 000\ 000} = \frac{7.6\ cm}{x}$$

$$x = 58\ 000\ 000 \cdot 7.6$$

$$x = 440\ 800\ 000\ cm$$

$$x = 4\ 408\ km$$

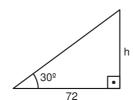
Resposta correta: A

09. Sabe-se que o raio da base do cilindro reto é dado por:

$$r = \frac{6}{\pi}$$

Veja que as 6 linhas correspondem a 6 voltas. Como 1 volta mede $2\pi r$, então 6 voltas medirá $12\pi r$. Assim sendo_s

$$12\pi r = 12\pi \cdot _{-} = 72$$



tg 30° =
$$\frac{h}{72} = \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow h = 24\sqrt{3} \text{ cm}$$

Resposta correta: B